Réaction oxydo-réduction

1. Solubilité et produit de solubilité.

· Certains sels ou hydroxydes sont peu solubles dans l'eau :

AgCl; PbCl₂; BaSO₄; Al(OH)₃; Ca(OH)₂; Ag(OH) ...

On parle alors d'un équilibre de dissolution où deux phases coexistent : la phase aqueuse qui contient les ions solvatés dissous et la phase solide.

 Solubilité s (en mol.L⁻¹): nombre maximal de moles d'un sel pouvant être dissoutes dans un litre d'eau. On obtient alors une solution saturée ⇒ si on ajoute du solide : la solubilité reste inchangée.

Exemple:
$$AgCl_{(solide)} \stackrel{eau}{\Longrightarrow} Ag^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)}$$

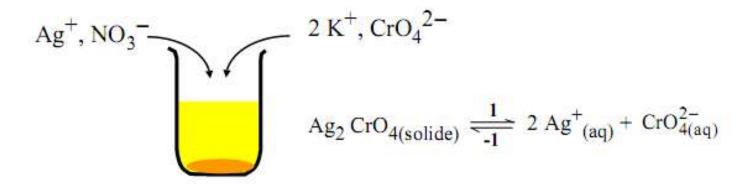
La constante de cet équilibre s'écrit :

$$K_s = \frac{a_{Ag^+} \cdot a_{Cl^-}}{a_{AgCl \text{ (solide)}}} \quad \text{d'où : } K_s = a_{Ag^+} \cdot a_{Cl^-} \quad \text{car } a_{AgCl \text{ (s)}} = 1$$

soit
$$K_s = [Ag^+]_{\acute{eq}}$$
 $[Cl^-]_{\acute{eq}}$ avec $C^\circ = 1 \text{ mol.L}^{-1}$ K_s $\{ \begin{array}{l} \bullet \text{ produit de solubilité} \\ \bullet \text{ constante de l'équilibre de dissolution} \\ \bullet \text{ varie uniquement avec T (loi de Van t'Hoff)} \\ \end{array} \}$

$$K_s(AgCl) = 1.8.10^{-10} \text{ à } 25^{\circ}C$$

Condition de formation d'un précipité :



$$K_s = [Ag^+]_{\text{\'eq.}}^2 [CrO_4^{2-}]_{\text{\'eq.}} = 2.10^{-2}$$

- si:
$$[Ag^{+}]^{2}[CrO_{4}^{2-}] < K_{s}$$

⇒ pas de formation de précipité

- Si:
$$[Ag^+]^2[CrO_4^{2-}] \ge K_s$$

⇒ Ag₂CrO₄ précipite

2. Relation entre K, et s

Exemple 1:
$$AgCl_{(solide)} = \frac{1}{-1} Ag^{+}_{(aq)} + Cl^{-}_{(aq)}$$
$$t = 0 \qquad n_o \qquad 0 \qquad 0$$
$$t_{\acute{e}quilibre} \quad (n_o - \frac{s}{s})_{solide} \qquad s \qquad s$$

dans un litre de solution

$$K_s = [Ag^+]_{\acute{eq}} [Cl^-]_{\acute{eq}} = s^2 \Rightarrow s = \sqrt{K_s} \text{ soit } s = \sqrt{1,8.10^{-10}} = 1,3.10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

Exemple 2:
$$Al(OH)_{3(solide)} \stackrel{1}{\rightleftharpoons} Al^{3+}_{(aq)} + 3 OH^{-}_{(aq)}$$

$$t = 0$$
 n_o 0 0
 $t_{\text{équilibre}}$ $(n_o - s)$ 8 3 s dans un litre de solution

$$K_s = [Al^{3+}]_{\acute{e}q}$$
 $[OH^{-}]_{\acute{e}q}^{3} = s (3s)^{3} = 27 s^{4} = 3.10^{-34}$

$$s = \left(\frac{K_s}{27}\right)^{1/4} = \left(\frac{3.10^{-34}}{27}\right)^{1/4} = 1,8.10^{-9} \text{mol.L}^{-1}$$

3. Effet de l'addition d'un ion commun sur la solubilité.

Soit un litre d'une solution saturée de AgCl : $AgCl_{(s)} \stackrel{1}{\rightleftharpoons} Ag^{+}_{(aq)} + Cl^{-}_{(aq)}$

A cette solution on ajoute des ions Cl $^-$ sous forme de NaCl solide (le volume reste 1 L). D'après le principe de modération de Le Châtelier, l'équilibre se déplace dans le sens $-1 \Rightarrow$ vers la formation de AgCl_(s) \Rightarrow la solubilité de AgCl en présence de NaCl va DIMINUER.

Exemple: si on ajoute 10⁻² mole de NaCl solide

$$AgCl_{(solide)} \stackrel{1}{\rightleftharpoons} Ag^{+}_{(aq)} + Cl^{-}_{(aq)}$$

$$t = 0 \qquad n_{o} \qquad 0 \qquad 10^{-2}$$

$$t_{\acute{e}quilibre} \qquad (n_{o} - s') \qquad s' \qquad (10^{-2} + s')$$

$$K_s = [Ag^+]_{\acute{eq}} [Cl^-]_{\acute{eq}} = s'(10^{-2} + s')$$

Or on a vu que dans l'eau la solubilité s de (AgCl) = 1,3.10⁻⁵ mol.L⁻¹. Puisque s' < s, on peut négliger s' devant 10^{-2}

D'où:
$$K_s = s'.10^{-2} \Rightarrow s' = \frac{K_s}{10^{-2}} = \frac{1.8.10^{-10}}{10^{-2}} = 1.8.10^{-8} \text{ mol.L}^{-1}$$

4. Influence du pH

Solubilité de Mg (OH)2 dans un litre d'eau.

$$Mg(OH)_{2(solide)} \stackrel{1}{\rightleftharpoons} Mg^{2+}_{(aq)} + 2 OH^{-}_{(aq)}$$

$$t = 0 n_o 0 0 t_{\text{\'equilibre}} (n_o - s) s 2s$$

$$K_s = [Mg^{2+}]_{\acute{e}q} [OH^{-}]_{\acute{e}q}^2 = 1,5.10^{-11}$$

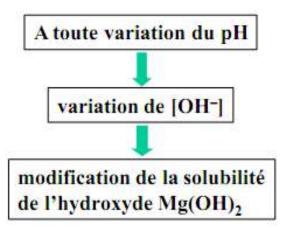
$$K_s = [Mg^{2+}]_{\acute{e}q}[OH^{-}]_{\acute{e}q}^2 = s (2s)^2 = 4 s^3$$

$$s = \left(\frac{K_s}{4}\right)^{1/3} = 1,6.10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow$$
 [OH⁻] $\sim 2s = 3.210^{-4}$ mol.L⁻¹

Le milieu est basique (présence d'ions OH⁻). Les ions H_3O^+ et OH⁻ provenant de l'autodissociation de l'eau sont en quantités négligeables ($K_e = [H_3O^+][OH^-] = 10^{-14}$)

Soit:
$$pH = 14 + log [OH^-] = 10.5$$



Comment évolue la solubilité de Mg(OH)₂ dans un milieu moins basique ?

Si pH $\searrow \Rightarrow$ [OH⁻] $\searrow \Rightarrow$ l'équilibre de dissolution de Mg(OH)₂ se déplace dans le sens 1 \Rightarrow vers la dissolution de Mg(OH)₂ \Rightarrow la solubilité augmente.

$$pH \searrow \Rightarrow |OH^-| \searrow \Rightarrow s' > s$$

A pH = 9
$$\Rightarrow$$
 [OH-] = 10-5 \Rightarrow K_s= s'.(10-5)²
d'où s' = 1,5.10⁻¹ mol.L⁻¹

Autre exemple:

- Calculer la solubilité du sulfate de baryum BaSO₄ solide dans 1 L d'eau.
- Comment évolue la solubilité de BaSO₄ dans une solution d'acide chlorhydrique HCl?

$$K_s (BaSO_4) = 10^{-10}$$

· Dans l'eau:

$$K_s = [Ba^{2+}]_{\acute{e}q} [SO_4^{2-}]_{\acute{e}q} = s^2 = 10^{-10} \implies s = 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

• BaSO₄ dans HCl: $HCl + H_2O \rightarrow H_3O^+ + Cl^-$

Les ions H₃O⁺ vont réagir avec SO₄²⁻ (base faible) selon la réaction :

$$H_3O^+ + SO_4^{2-} \implies HSO_4^- + H_2O$$

⇒ La concentration des ions SO_4^{2-} diminue ⇒ déplacement de l'équilibre de solubilité dans le sens 1 ⇒ la solubilité augmente ⇒ s' > s

CHAPITRE VIII - Equilibres d'Oxydo-Réduction

1. Définitions.

Oxydation: perte d'électrons

 $Cu_{(s)} \rightarrow Cu^{2+} + 2e^{-}$

Réduction : gain d'électrons

 $Ag^+ + e^- \rightarrow Ag_{(s)}$

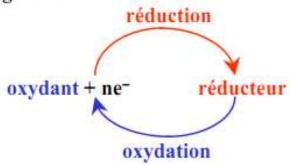
Oxydant : espèce susceptible

de gagner des électrons

Réducteur : espèce susceptible

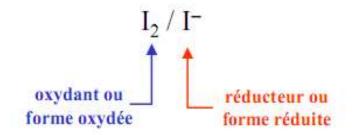
de perdre des électrons

Une réaction d'oxydo-réduction ou "redox" est le siège d'une transformation avec échange d'électrons :



A chaque oxydant correspond un réducteur, et inversement. Ils forment ensemble un couple oxydo - réducteur ou couple redox noté oxydant/réducteur.

Exemple:



2. Nombre d'oxydation (NO).

2.1. Définitions.

- L'état ou le degré d'oxydation d'un élément est caractérisé par un nombre d'oxydation (NO).
- C'est un nombre entier positif, négatif ou nul, représenté en chiffres romains.
- Il indique l'importance de la perte ou du gain d'électrons de l'élément, par rapport à l'atome neutre.

2.2. Détermination du nombre d'oxydation.

Règles permettant de déterminer le NO d'un élément :	Exemples
--	----------

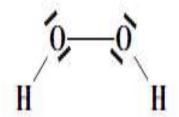
 iv) La somme algébrique des NO des atomes constituant un groupement atomique = charge globale du groupement

$$H_2O$$
: $2 NO(H) + NO(O) = 0$
 MnO_4^- : $NO(Mn) + 4 NO(O) = -1$

- v) Le NO du fluor (élément le plus électronégatif) = -I (sauf dans F_2 : NO = 0)
- vi) L'oxygène (élément le plus électronégatif après le fluor) a un NO = -II sauf si des liaisons F-O ou O-O sont présentes.

Exemple:
$$F_2O$$
 $F(-1)$
soit x le nombre d'oxydation de l'oxygène dans F_2O : O
 $2(-1) + x = 0$
 $x = +II$ dans F_2O

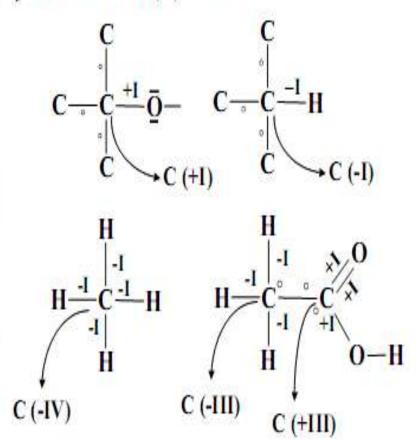
$$H_2O_2: 2(+I) + 2x = 0 \Rightarrow x = -I$$



vii) Le NO de H = +I sauf dans H_2 : NO = 0 et dans les hydrures NaH : NO(H) = -I

viii) Dans les molécules complexes (en particulier les molécules organiques) un même élément peut être présent dans différents états d'oxydation. Le nombre d'oxydation est alors le nombre d'électrons virtuellement "donnés" ou "captés" par un atome lié en comparaison avec son état fondamental.

Ce nombre est compté négativement lorsque l'atome considéré est plus électronégatif que l'atome auquel il est lié, positivement dans le cas contraire et nul si les deux atomes sont identiques.



3. Comment équilibrer une réaction d'oxydo-réduction?

- Repérer les éléments oxydés et réduits et calculer leur NO. Dans un même couple, l'oxydant est celui ayant le NO le plus élevé.
- Ecrire les équations de demi-réaction redox mises en jeu pour chaque élément.
- Ajuster les coefficients multiplicatifs de façon à ce que le nombre d'électrons mis en jeu dans chaque demi-réaction soit le même.
- Ecrire la réaction globale en additionnant les deux équations de demi-réaction (les électrons doivent disparaître).
- Equilibrer les charges, si nécessaire, avec des ions H⁺ (milieu acide) ou OH⁻ (milieu basique) et compléter avec H₂O.

Exemple:

Equilibrer la réaction suivante en milieu acide : $MnO_4^- + Br^- \implies Mn^{2+} + Br_2$

Couple 1:
$$MnO_4^{-}/Mn^{2+}$$
: $MnO_4^{-} + 5 e^{-} + 8 H^{+} \implies Mn^{2+} + 4 H_2O$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$

Couple 2: Br_2 / Br^{-} : $Br_2 + 2e^{-} \implies 2 Br^{-}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O) = -1}{x + 4(-II) = -1; x = +VII}$
 $MnO_4^{-} = \frac{NO(Mn) + 4 NO(O)$

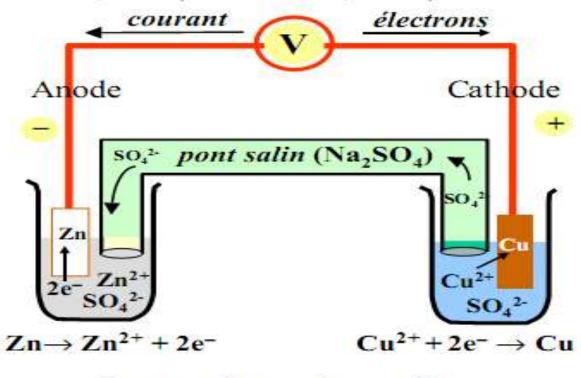
Le nombre des électrons capturés par l'oxydant <u>est égal</u> au nombre des électrons cédés par le réducteur :

$$n_{ox}.C_{ox}.V_{ox} = n_{red}.C_{red}.V_{red} \implies 5 C_{(MnO_4)}V_{(MnO_4)} = 1 C_{(Br)}V_{(Br)}$$

avec : n_{ox} = nombre d'électrons fixés par une mole d'oxydant et n_{red} = nombre d'électrons cédés par une mole de réducteur

4. Pile Daniell : Principe de la pile.

 Deux électrodes métalliques : Zn et Cu plongent respectivement dans une solution de Zn²⁺ (ZnSO₄) et de Cu²⁺ (CuSO₄).



Rôle du pont salin : le pont salin assure le passage des ions SO₄²⁻ du compartiment cathodique vers le compartiment anodique.

⊙ Zn|Zn²+ ||Cu²+ |Cu ⊕

Au pôle ①

- Oxydation (perte d'électrons)
- $Zn \rightarrow Zn^{2+} + 2e^{-}$
- Les ions Zn²⁺ passent en solution, les 2e⁻ restent sur la lame de Zn, qui se solubilise.
- L'électrode de Zn est appelée <u>anode</u> car elle est le siège d'une <u>oxydation</u>.

· Au pôle (+)

- Réduction (gain d'électrons)
- $Cu^{2+} + 2e^{-} \rightarrow Cu$
- Les ions Cu²⁺ se déposent sur l'électrode sous forme de Cu métallique.
- L'électrode de Cu, siège d'une <u>réduction</u>, est appelée <u>cathode</u>.

L'anode et la cathode sont définies d'après la <u>nature de la réaction</u> qui s'y produit et <u>non selon le signe de leur polarité</u>.

	Pile	Electrolyseur
Anode	⊙ oxydation	⊕ oxydation
Cathode	⊕ réduction	⊙ réduction

5. Loi de Nernst.

Pile Daniell:

$$Zn \longrightarrow Zn^{2+} + 2e^{-}$$
 $Cu^{2+} + 2e^{-} \longrightarrow Cu$

Réaction globale : $Zn_{(s)} + Cu^{2+} \longrightarrow Zn^{2+} + Cu_{(s)}$



si la pile débite un courant très faible ⇒ processus thermodynamiquement réversible

$$\Rightarrow$$
 $Zn_{(s)} + Cu^{2+} \rightleftharpoons Zn^{2+} + Cu_{(s)}$

Pour un état d'avancement donné on a : $\Delta_r G = \frac{\partial G}{\partial \xi} = -n \Im E$

n = nombre d'électrons mis en jeu dans la réaction-bilan (ici n = 2)

E = force électromotrice (f.e.m.) de la pile

3 = charge d'une mole de charges élémentaires

 $\Im = N_A$. |e'| = 6,02 10²³ x 1,6.10⁻¹⁹ \simeq 96500 coulombs

3 = constante de Faraday

Remarque: D'où vient la relation: $\Delta_r G = -n \Im E$?

$$G = H - TS$$

 $G = U + PV - TS$

à P, V et T constants :

à P, V et T constants :

$$dG = dU + d(PV) - d(TS) = dU + PdV + VdP - TdS - SdT$$

$$dG = dU - TdS = \delta W + \delta Q - TdS$$

or $\delta Q = TdS$ si le processus est réversible

d'où:

$$dG = \delta W$$

le travail est dû ici aux transferts de moles d'électrons de l'électrode négative (Zn) vers l'électrode positive (Cu).

Pour un avancement dξ de la réaction il y a transfert de n.dξ moles d'électrons ayant une charge – n 3 dξ, de Zn vers Cu.

On a alors : $dG = \delta W = -n \Im E d\xi$

$$\Delta_{\rm r}G = \frac{\partial G}{\partial \xi} = - \text{ n } \Im E$$

Pour la réaction :
$$Zn_{(s)} + Cu^{2+} \rightleftharpoons Zn^{2+} + Cu_{(s)}$$

on peut écrire :

$$\Delta_{\mathbf{r}}G = \Delta_{\mathbf{r}}G^{\circ} + RT \ln \frac{a_{\mathbf{Z}n^{2+}} \cdot a_{\mathbf{C}u}}{a_{\mathbf{Z}n} \cdot a_{\mathbf{C}u^{2+}}} = \Delta_{\mathbf{r}}G^{\circ} + RT \ln \frac{a_{\mathbf{Z}n^{2+}}}{a_{\mathbf{C}u^{2+}}} \quad (a_{\mathbf{Z}n(s)} = a_{\mathbf{C}u(s)} = 1)$$

$$\Delta_{\mathbf{r}}\mathbf{G} = \Delta_{\mathbf{r}}\mathbf{G}^{\circ} + \mathbf{R}\mathbf{T}\mathbf{L}\mathbf{n}\frac{[\mathbf{Z}\mathbf{n}^{2+}]}{[\mathbf{C}\mathbf{u}^{2+}]} \qquad (\mathbf{a}_{\mathbf{Z}\mathbf{n}^{2+}} = \frac{[\mathbf{Z}\mathbf{n}^{2+}]}{\mathbf{C}^{\circ}}; \ \mathbf{a}_{\mathbf{C}\mathbf{u}^{2+}} = \frac{[\mathbf{C}\mathbf{u}^{2+}]}{\mathbf{C}^{\circ}}; \ \mathbf{C}^{\circ} = 1 \text{ mol.L}^{-1})$$

Comme:
$$\Delta_r G = -n \Im E \implies E = -\frac{\Delta_r G}{n \Im} = -\frac{\Delta_r G^{\circ}}{n \Im} - \frac{RT}{n \Im} \operatorname{Ln} \frac{[Zn^{2+}]}{[Cu^{2+}]}$$

 E° = constante caractéristique de la pile E° = f.e.m. de la pile à l'état standard : $[Zn^{2+}]$ = $[Cu^{2+}]$ = 1 mol.L⁻¹

On a alors :
$$E = E^{\circ} - \frac{RT}{n \, \Im} Ln \frac{[Zn^{2+}]}{[Cu^{2+}]}$$
 Or : $\frac{RT}{n \, \Im} Ln \, x = \frac{0,06}{n} \log x$

==>
$$E = E^{\circ} - \frac{0.06}{2} \log \frac{[Zn^{2+}]}{[Cu^{2+}]}$$
 $E = f.e.m.$ de la pile

Pour les solutions telles que : $|Zn^{2+}| = |Cu^{2+}| = 1 \text{ mol.L}^{-1}$

on a : $E^{\circ} = 1.10$ volt (valeur expérimentale)

A partir de la relation de Nernst, et connaissant la valeur de E°, on peut calculer la force électromotrice de la pile pour des valeurs quelconques de [Zn2+] et [Cu2+]

5. Loi de Nernst généralisée.

Soit la réaction d'oxydo-réduction : $\mathbf{a} \mathbf{O} \mathbf{x}_1 + \mathbf{b} \mathbf{Red}_2 \Longrightarrow \mathbf{c} \mathbf{Red}_1 + \mathbf{d} \mathbf{O} \mathbf{x}_2$ qui s'effectue spontanément. L'enthalpie libre $\Delta_r \mathbf{G}$ est donnée par :

$$\Delta_{r}G = \Delta_{r}G^{\circ} + RT \ln \frac{a_{R\acute{e}d_{1}}^{c}.a_{Ox_{2}}^{d}}{a_{R\acute{e}d_{2}}^{b}.a_{Ox_{1}}^{a}} = > E = -\frac{\Delta_{r}G^{\circ}}{n\Im} - \frac{RT}{n\Im} \ln \frac{a_{R\acute{e}d_{1}}^{c}.a_{Ox_{2}}^{d}}{a_{R\acute{e}d_{2}}^{b}.a_{Ox_{1}}^{a}}$$
Soit:
$$E = E^{\circ} - \frac{0,06}{n} \log \frac{[Red_{1}]^{c}.[Ox_{2}]^{d}}{[Ox_{1}]^{a}.[Red_{2}]^{b}}$$
f.e.m. de la pile

6. Loi de Nernst, f.e.m. et potentiel d'électrode E.

E = f.e.m. d'une pile = différence entre deux potentiels d'électrode E_1 et E_2

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_{1} - \mathbf{E}_{2} \text{ (avec } \mathbf{E}_{1} > \mathbf{E}_{2} \text{)} \quad \text{soit : } \mathbf{E} = \mathbf{E}_{(Cu)} - \mathbf{E}_{(Zn)} \text{ dans la pile Daniell}$$

$$\mathbf{pole} \oplus \mathbf{pole} \oplus \mathbf{pole} \oplus \mathbf{Ou} :$$

$$\mathbf{E} = \left(\mathbf{E}_{1}^{o} - \frac{0.06}{n} \log \frac{\mathbf{a}_{Red_{1}}^{c}}{\mathbf{a}_{Ox_{1}}^{a}}\right) - \left(\mathbf{E}_{2}^{o} - \frac{0.06}{n} \log \frac{\mathbf{a}_{Red_{2}}^{b}}{\mathbf{a}_{Ox_{2}}^{d}}\right) \text{ avec : } \mathbf{E}_{1}^{o} = -\frac{\Delta_{r} G_{1}^{o}}{n \ \mathfrak{I}} \text{ et } \mathbf{E}_{2}^{o} = -\frac{\Delta_{r} G_{2}^{o}}{n \ \mathfrak{I}}$$

On peut écrire :
$$E = E_1 - E_2$$
 avec : $E_1 = E_1^o + \frac{0.06}{n} log \frac{[Ox_1]^a}{[Red_1]^c}$; $E_2 = E_2^o + \frac{0.06}{n} log \frac{[Ox_2]^d}{[Red_2]^b}$

E₁^o: potentiel standard de l'électrode 1 et E₂^o: potentiel standard de l'électrode 2

• Pour une électrode donnée, siège de l'équilibre : a Ox + ne = c Red

$$E = E^{o} + \frac{0.06}{n} \log \frac{[Ox]^{a}}{[R\acute{e}d]^{c}}$$
 Formule de Nernst



Exemples : Formule de Nernst pour une électrode :

1) Couple
$$Sn^{4+}/Sn^{2+}$$
: $Sn^{4+} + 2e^{-} \Longrightarrow Sn^{2+}$

1) Couple
$$\text{Sn}^{4+}/\text{Sn}^{2+}$$
: $\text{Sn}^{4+} + 2 \text{ e}^- \Longrightarrow \text{Sn}^{2+}$ $\text{E} = \text{E}_{\text{Sn}^{4+}/\text{Sn}^{2+}}^0 + \frac{0.06}{2} \log \frac{[\text{Sn}^{4+}]}{[\text{Sn}^{2+}]}$

2) Couple
$$Al^{3+}/Al$$
: $Al^{3+} + 3e^- \Longrightarrow Al_{(s)}$

2) Couple Al³⁺/Al: Al³⁺ + 3 e⁻
$$\Longrightarrow$$
 Al_(s) $E = E_{Al}^{0} + \frac{0.06}{3} \log[Al^{3+}]$

3) Couple
$$MnO_4^-/Mn^{2+}$$
 $E^\circ = 1,51 \text{ V}$ $MnO_4^- + 8 \text{ H}^+ + 5 \text{ e}^- \rightleftharpoons Mn^{2+} + 4 \text{ H}_2\text{O}$

$$E = E_{MnO_4^-/Mn^{2+}}^0 + \frac{0.06}{5} log \frac{[MnO_4^-] [H^+]^8}{[Mn^{2+}]}$$
 (a_{H20(solvant)} = 1)

Résumé:

Formule de Nernst :

Cas d'un couple redox (équivalent à une électrode) :

a Ox + ne⁻
$$\Longrightarrow$$
 c Red
$$E = E^{0} + \frac{0.06}{n} \log \frac{[Ox]^{a}}{[Red]^{c}}$$

Potentiel d'électrode

Loi de Nernst:

Cas d'une réaction d'oxydo-réduction entre deux couples redox (équivalent à une pile) :

a
$$Ox_1 + b Red_2 \Longrightarrow c Red_1 + d Ox_2$$

$$E = E^O + \frac{0.06}{n} log \frac{[Ox_1]^a [Re d_2]^b}{[Red_1]^c [Ox_2]^d}$$

$$E = E^O + \frac{0.06}{n} log \frac{[Ox_1]^a [Re d_2]^b}{[Red_1]^c [Ox_2]^d}$$

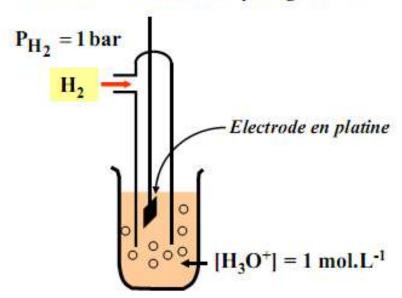
$$E = E_1 - E_2$$

$$E^O = E_1^O - E_2^O$$
f.e.m. de la pile

7. Différents types d'électrodes.

7.1. Electrode de référence :

Electrode standard à hydrogène : $E^{\circ} = 0$ V.



Couple mis en jeu: H+/H2

2 H⁺_(aq) + 2 e⁻
$$\Longrightarrow$$
 H_{2(g)}
E = E°_{H⁺/H₂} + 0,03 log $\frac{[H^+]^2}{P_H}$,

Pourquoi une électrode de référence ?

- Il est impossible de mesurer directement, avec un voltmètre, le potentiel d'une électrode.
- Par contre, on peut mesurer une différence de potentiel entre deux électrodes => nécessité d'une électrode de référence.
- Le potentiel standard d'une électrode = force électromotrice d'une pile constituée par cette électrode dans l'état standard et l'électrode standard à hydrogène (référence).

Par convention, on attribue à cette électrode le potentiel standard zéro :

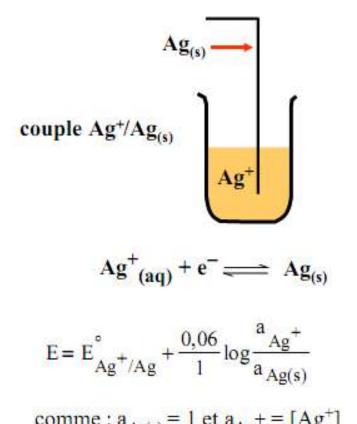
$$E_{H^{+}/H_{2}}^{o} = 0 \text{ V} \implies E = 0 \text{ V}, \text{ si } [H^{+}] = 1 \text{ mol.} L^{-1} \text{ et } P_{H_{2}} = 1 \text{ bar}$$

Potentiels standard d'électrode de quelques couples redox, par rapport à l'électrode standard à hydrogène :

1	ŀ	
4	_	
	Ę	
Ī	2	
	č	
*	=	
	2	
Š	3	
-	-	

Couple redox	E°(volts)
F ₂ /F ⁻ HClO/Cl _{2(g)} Cl ₂ /Cl ⁻ Cr ₂ O ₇ ²⁻ /Cr ³⁺ O _{2(g)} /H ₂ O Ag ⁺ /Ag _(s) Fe ³⁺ /Fe ²⁺ Cu ²⁺ /Cu _(s) Cu ²⁺ /Cu ⁺	2,87 1,63 1,36 1,33 1,23 0,80 0,77 0,34 0,17
H ⁺ /H ₂	0
Sn ²⁺ /Sn _(s) Fe ²⁺ /Fe _(s) Zn ²⁺ /Zn _(s) Li ⁺ /Li _(s)	- 0,14 - 0,44 - 0,76 - 3,03

7.2. Electrode type métal^{x+}/ métal_(s).



comme :
$$a_{Ag(s)} = 1$$
 et $a_{Ag}^{+} = [Ag^{+}]$
 $E = E_{Ag^{+}/Ag}^{\circ} + 0,06 \log [Ag^{+}]$

7.3. Electrode métal inerte/couple redox.

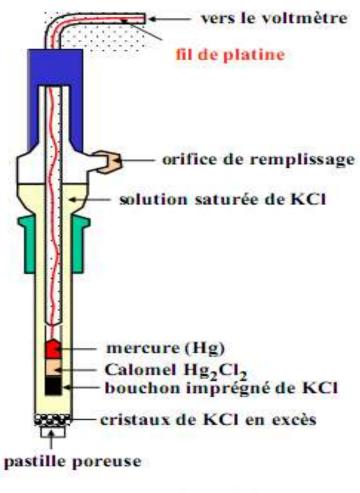
La tige métallique de ce type d'électrode est chimiquement inerte (platine); elle plonge dans une solution contenant à la fois la forme oxydée et la forme réduite du couple redox : Pt/Ox.Red

Fe³⁺/Fe²⁺

$$E = E_{Ox/Red}^{0} + \frac{0,06}{n} \log \frac{[Ox]^{a}}{[Re d]^{c}}$$

$$E = E_{Fe^{3+}/Fe^{2+}}^{0} + \frac{0,06}{1} \log \frac{[Fe^{3+}]}{[Fe^{2+}]}$$

7.4. Electrode au calomel Hg₂Cl₂ : une électrode de référence très stable.



couple Hg2Cl2(s)/Cl-(aq)

Electrode au calomel Hg2Cl2: réactions mises en jeu.

Cette électrode implique le couple (Mercure(+I)/ Mercure(0)liquide) en présence d'ions Cl- :

$$Hg_2Cl_{2(s)} + 2e^ \longrightarrow$$
 $2Hg_{(liq)} + 2Cl_{(aq)}$ (3) électrode au calomel

$$E = E_{cal}^{o} + \frac{0,06}{2} log \frac{a_{Hg_2Cl_2(s)}}{a_{Hg_{(liq)}}^2 a_{Cl_{(aq)}}^2} = E_{cal}^{o} + 0,03 log \frac{1}{[Cl_{(aq)}^-]^2}$$

$$(3) = (1) + (2) \Rightarrow \Delta_{\mathbf{r}} \mathbf{G}_{3}^{0} = \Delta_{\mathbf{r}} \mathbf{G}_{1}^{0} + \Delta_{\mathbf{r}} \mathbf{G}_{2}^{0}$$

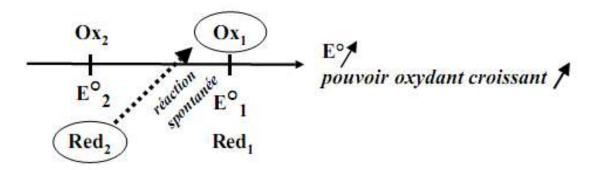
$$\Rightarrow -2 \Im \mathbf{E}_{cal.}^{\circ} = -2 \Im \mathbf{E}_{1}^{\circ} - RT \operatorname{Ln} \mathbf{K}_{s}$$

$$\Rightarrow E_{cal.}^{\circ} = E_1^{\circ} + \frac{RT}{2.3} Ln K_s = E_1^{\circ} + 0.03 log K_s = 0.28 V$$

- 8. Prévision du sens des réactions : utilisation des potentiels standard des couples redox.
- 8.1. Utilisation des potentiels standard E°.

On considère la réaction :
$$Ox_1 + Red_2 \stackrel{1}{\rightleftharpoons} Red_1 + Ox_2$$

Dans quel sens cet équilibre est-il déplacé ?



- Si E°₁ > E°₂ ⇒ K > 1 ⇒ l'équilibre est déplacé dans le sens 1.
 L'oxydant le plus fort Ox₁ (ayant le E° le plus élevé) réagit (ou oxyde) sur la forme réduite du couple 2.
- Si $E_1^{\circ} < E_2^{\circ} \Rightarrow K < 1 \Rightarrow l'équilibre est déplacé dans le sens -1.$
 - Remarques: La règle ci-dessus basée sur la comparaison des potentiels standard, peut être mise en défaut si ceux-ci sont très proches, car alors le terme relatif aux concentrations dans la relation de Nernst : log[Ox]/[Red] peut inverser l'ordre des potentiels des deux couples.
 - Le potentiel peut aussi dépendre du pH dont la variation peut également inverser l'ordre des potentiels.

8.2. Relation entre $\Delta_r G^\circ$ et E° d'un couple redox.

Nous avons vu que pour une réaction entre 2 couples redox, on a

$$\Delta_{\mathbf{r}}\mathbf{G} = -\mathbf{n} \Im \mathbf{E}$$

où E est la différence de potentiel entre les 2 couples considérés.

• Pour une demi-réaction : $Ox + ne^- \rightleftharpoons Red$

et sous réserve d'associer ce couple redox, de potentiel standard E° , au couple de référence H^{+}/H_{2} ($E^{\circ}=0$ V), on peut considérer une enthalpie libre standard de réaction :

$$Ox + ne^{-} \rightleftharpoons Red \qquad \Delta_r G^{\circ} = -n \Im E^{\circ} \qquad (sens 1)$$

8.3. Evaluation de la constante d'équilibre K à partir des E°.

$$\mathbf{Ox_1 + ne^-} \Longrightarrow \mathbf{Red_1} \qquad \Delta_r G_1^\circ = - \ n \ \Im \ E_1^\circ$$

$$\mathbf{Red_2} \Longrightarrow \mathbf{Ox_2 + ne^-} \qquad \Delta_r G_2^\circ = - \ (- \ n \ \Im \ E_2^\circ)$$

$$\mathbf{Ox_1 + Red_2} \Longrightarrow \mathbf{Red_1 + Ox_2} \qquad \Delta_r G^\circ = \Delta_r G_1^\circ + \Delta_r G_2^\circ = - \ n \ \Im \ (E_1^\circ - E_2^\circ) : \text{réaction globale}$$

$$\Delta_r G^\circ = - \ n \ \Im \ (E_1^\circ - E_2^\circ) = - \text{RT Ln } K$$

$$E_1^o - E_2^o = \frac{RT}{n\Im} Ln K = E_1^o - E_2^o \simeq \frac{0,06}{n} \log K$$

soit:
$$\log K = \frac{n}{0.06} (E_1^o - E_2^o) \longrightarrow K = 10^{\frac{n}{0.06}} (E_1^o - E_2^o)$$



à l'équilibre, le potentiel des 2 couples redox est le même : $E_1 = E_2$